



**ECO2545 Théorie microéconomique II**  
**Partiel 1 - Hiver 2018**  
**Paul Makdissi**

**Instructions:** Cet examen comporte deux sections. Un(e) étudiant(e) voulant utiliser la toilette durant l'examen doit rendre la Section 1. La Section 2 lui sera remise à son retour à la salle d'examen. Un(e) étudiant(e) peut garder en sa possession les deux sections de l'examen si il(elle) ne va pas aux toilettes. Un(e) étudiant(e) peut demander les deux sections en tout temps. Cependant, un(e) étudiant(e) qui a reçu la Section 2 renonce à son droit d'utiliser la toilette. Personne n'a le droit de remettre la Section 2 durant les 45 premières minutes de l'examen. Personne ne peut aller aux toilettes durant les dernières 30 minutes de l'examen.

LA SECTION 1 EST AU VERSO

## Section 1

### Problème 1 (40 points)

Supposons un monopoleur faisant face à la demande inverse  $p(Q) = a - bQ$ . Supposons aussi que le coût de production de ce monopoleur est  $C(Q) = F + mQ$ , où  $F$  représente le coût fixe de production et  $m$  le coût marginal de production.

- Quelle quantité sera produite par ce monopoleur? (5 points)
- Quel sera le prix chargé par le monopoleur? (5 points)
- Quel sera le profit de ce monopoleur? (5 points)
- Supposons que le gouvernement impose une taxe spécifique  $\tau$  par unité produite par le monopoleur. Quelle est la proportion de cette taxe qui sera transférée au consommateur sous forme de hausse de prix? (5 points)

Supposons maintenant que la demande inverse du monopoleur est  $p(Q) = Q^{1/\varepsilon}$ .

- Quelle quantité sera produite par ce monopoleur? (5 points)
- Quel sera le prix chargé par le monopoleur? (5 points)
- Quel sera le profit de ce monopoleur? (5 points)
- Supposons que le gouvernement impose une taxe spécifique  $\tau$  par unité produite par le monopoleur. Quelle est la proportion de cette taxe qui sera transférée au consommateur sous forme de hausse de prix? (5 points)

### Problème 2 (10 points)

Un monopsonne fait face à une offre  $p_s(Q) = 10 + Q$ . Supposons que sa demande est  $p_d(Q) = 50 - Q$ .

- Quelle est la quantité achetée par ce monopsonne? (5 points)
- Quelle sera le prix payé par ce monopsonne? (5 points)

FIN DE LA PREMIÈRE SECTION DE L'EXAMEN PARTIEL 1.

ECO2545 Théorie microéconomique II  
Partiel 1 - Section 2

**Problème 3 (25 points)**

Un parc aquatique est dans une situation de monopole et il a comme clientèle 400 adolescents. La demande individuelle de glissade d'eau de chaque adolescent est donnée par  $q_j = 5 - p$ . Supposons que le coût de production est nul.

- a) Quel sera la quantité produite par ce monopole? (5 points)
- b) Quel sera le prix chargé par ce monopole? (5 points)
- c) Supposons maintenant que ce monopole puisse discriminer parfaitement (i.e. discrimination du premier degré), quelle serait la quantité produite? (5 points)
- d) Supposons maintenant que ce monopoleur peut charger un tarif en deux parties comprenant un prix d'entrée  $\mathcal{L}$  et un prix  $p$  par glissade d'eau effectuée. Quelles seraient les valeurs de  $\mathcal{L}$  et  $p$  qui maximisent son profit? (5 points)
- e) Supposons qu'en plus des 400 adolescents, la clientèle est aussi composée de 400 personnes âgées. La demande individuelle de chacune de ces personnes âgées est  $q_v = 4 - p$ . Supposons que le parc aquatique doit charger le même prix d'entrée  $\mathcal{L}$  et le même prix  $p$  par glissade d'eau effectué à tous les consommateurs. Quelles seraient les valeurs de  $\mathcal{L}$  et  $p$  qui maximisent son profit? (5 points)

LA SUITE DE LA SECTION 2 EST AU VERSO

**Problème 4 (25 points)**

Supposons deux firmes qui font face à la matrice de paiement suivante:

		Firme 1	
		Bas prix	Haut prix
Firme 2	Bas prix	0 2	2 1
	Haut prix	7 0	6 6

- Y a-t-il un équilibre de Nash en stratégie pure dans ce jeu? Si oui lequel? (5 points)
- Supposons maintenant que les firmes adoptent des stratégies mixtes dans laquelle la Firme 1 choisit un bas prix avec probabilité  $a$  et la Firme 2 choisit un bas prix avec probabilité  $b$ . Quelle sont les valeurs de  $a$  et  $b$  à l'équilibre de Nash en stratégie mixte? (5 points)
- Supposons maintenant que le jeu est séquentiel et que la Firme 1 joue en premier et la Firme 2 joue une fois qu'elle a observé le prix choisit par la Firme 1. Représenter ce jeu dynamique sous sa forme extensive (arbre du jeu) et normale (matrice de paiement). (5 points)
- Trouver l'équilibre de Nash ou tous les équilibres de Nash de ce jeu. (5 points)
- Trouver l'équilibre de Nash parfait en sous-jeux de ce jeu. (5 points)

FIN DE LA SECONDE SECTION DE L'EXAMEN PARTIEL 1.

#1

$$a) \quad a - 2bQ = m \quad (3 \text{ points})$$

$$Q = \frac{a - m}{2b} \quad (2 \text{ points})$$

$$b) \quad P = a - b \left( \frac{a - m}{2b} \right) \quad (3 \text{ points})$$

$$P = \frac{a + m}{2} \quad (2 \text{ points})$$

$$c) \quad \pi = \left( \frac{a + m}{2} \right) \left( \frac{a - m}{2b} \right) - F - m \left( \frac{a - m}{2b} \right) \quad (3 \text{ points})$$

$$\pi = \frac{a^2 - m^2}{4b} - \frac{am - m^2}{2b} - F$$

$$\pi = \frac{a^2 - 2am + m^2}{4b} - F$$

$$\pi = \frac{(a - m)^2}{4b} - F$$

(2 points)

d)  $p = \frac{a + m + \tau}{2}$  (2 points)

$$\frac{\partial p}{\partial \tau} = \frac{1}{2}$$

(2 points)

50% de la taxe

sera transférée

au consommateur

(1 point)

$$e) \Rightarrow \phi \left[ 1 + \frac{1}{\varepsilon} \right] = m$$

$$p = \frac{m}{1 + \frac{1}{\varepsilon}}$$

A

$$p = \frac{\varepsilon m}{\varepsilon + 1}$$

$$Q = p \varepsilon$$

$$Q = \left( \frac{\varepsilon m}{\varepsilon + 1} \right) \varepsilon \quad (5 \text{ points})$$

f) voir e)

$$p = \frac{\varepsilon m}{\varepsilon + 1} \quad 5 \text{ points}$$

Note : Donner aussi les points si l'étudiant

a variável  $\tilde{a}$  (A)

$$g) \pi = \frac{\varepsilon m}{\varepsilon + 1} \left( \frac{\varepsilon m}{\varepsilon + 1} \right)^\varepsilon$$

(5 points)  $\nearrow$  ou  $\searrow$   $- m \left( \frac{\varepsilon m}{\varepsilon + 1} \right)^\varepsilon - F$

$$\pi = \left( \frac{\varepsilon m}{\varepsilon + 1} \right)^{\varepsilon + 1} - m \left( \frac{\varepsilon m}{\varepsilon + 1} \right)^\varepsilon - F$$

$$h) p = \frac{\varepsilon (m + \varepsilon)}{\varepsilon + 1} \quad (1 \text{ point})$$

$$\frac{\partial p}{\partial \varepsilon} = \frac{\varepsilon}{\varepsilon + 1} \quad (1 \text{ point})$$

$$\varepsilon \in (-\infty, -1) \quad (1 \text{ point})$$

$$\Rightarrow \frac{\varepsilon}{\varepsilon + 1} > 1 \quad (1 \text{ point})$$

Plus de 100% de la  
taxe sera transférée  
au consommateur.  
(1 point)

#2

$$a) ME = 10 + 2Q \quad (2 \text{ points})$$

$$\Rightarrow 10 + 2Q = 50 - Q \quad (2 \text{ points})$$

$$3Q = 40$$

$$Q = \frac{40}{3} \quad (1 \text{ point})$$

$$= 13.33$$

$$b) P = 10 + 13.33 = 23.33$$

$$(5 \text{ points})$$

#3

$$a) Q = 400(5 - p)$$

$$Q = 2,000 - 400p \quad (1 \text{ pt})$$

$$p = 5 - 0.0025 Q \quad (1 \text{ pt})$$

$$MR = 5 - 0.005 Q \quad (1 \text{ pt})$$

$$5 - 0.005 Q = 0 \quad (1 \text{ pt})$$

$$Q = \frac{5}{0.005}$$

$$Q = 1,000 \quad (1 \text{ pt})$$

$$b) p = 5 - 0.0025(1,000) \quad (3 \text{ pts})$$

$$p = 2.50 \quad (2 \text{ points})$$

$$c) \Rightarrow 5 - 0.0025 Q = 0 \quad (3 \text{ pts})$$

$$Q = \frac{5}{0,0025}$$

$$Q = 2,000 \quad (2 \text{ pts})$$

$$d) \quad Q = 2,000 \rightarrow q_j = 5$$

$$p = 5 - q_j$$

$$CS = \frac{5^2}{2} = 12.5$$

$$I = 12.5 \quad (3 \text{ pts})$$

$$P = 0 \quad (2 \text{ pts})$$

$$e) \quad q_v = 4 - p \quad p = 4 - q_v$$

$$CS = \frac{(4 - p)^2}{2} \quad (1 \text{ pt})$$

$$\Rightarrow \max_{L, P} 800L + 400(5-P)P + 400(4-P)P$$

(2 pts) s. à  $L = \frac{(4-P)^2}{2}$

$$\Rightarrow \max_P 800 \frac{(4-P)^2}{2} + 400(5P - P^2) + 400(4P - P^2)$$

$$C.P.O.: -800(4-P) + 2,000 - 800P$$

$$+ 1,600 - 800P = 0$$

$$800P = 400$$

$$P = 0.50 \quad (1 \text{ pt})$$

$$L = \frac{(3.5)^2}{2} = 6.125 \quad (1 \text{ pt})$$

#1

a) NON (5 pts)

b)  $a^*$  sera telle q une firme 2 est indifférente entre Bas et Haut

$$2a + 1(1-a) = 0(a) + 6(1-a)$$

$$2a + 1 - a = 6 - 6a$$

$$7a = 5$$

$$a^* = 5/7$$

pour  $b^*$  :

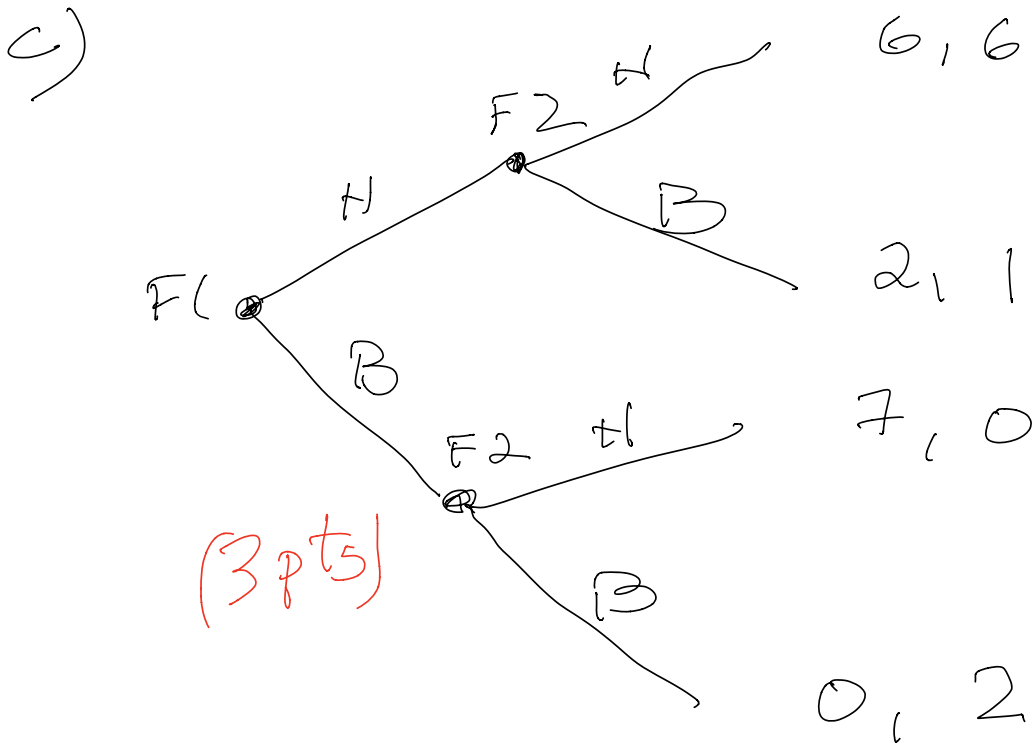
$$0(b) + 7(1-b) = 2(b) + 6(1-b)$$

$$7 - 7b = 2b + 6 - 6b$$

$$3b = 1$$

$$b^* = 1/3$$

3 pts si 1 bonne réponse  
 parmis  $\alpha^* = 5/7$  et  $\beta^* = 1/3$   
 5 pts si 2 bonnes réponses



		F2			
		(B, B)	(B, H)	(H, B)	(H, H)
F1	B	0, 2	0, 2	7, 0	7, 0
	H	2, 1	6, 6	2, 1	6, 6

(2 pts)  $\Rightarrow$  attention si l'étudiant

fait  $F: \frac{H}{B} \rightarrow \frac{\dots}{\dots}$   
c'est bon aussi.

d)  $\{H, (B, H)\}$  et  $\{H, (H, H)\}$

2 pts si 1

5 pts pour les 2

e)  $\{H, (B, H)\}$  (5 points)